



# 高数答卷如何写

下面通过前后的答题案例对比来予以说明：老师会喜欢哪一种答卷方式？



# 比较一下这两个卷面

启航教育

1.3 已知  $f(x) = e^{x^2}$ ,  $f[\varphi(x)] = 1-x$ , 且  $\varphi(x) \geq 0$ , 求  $\varphi(x)$  并写出它的定义域.

解: 设  $f(x) = e^{x^2}$   
 即  $f[\varphi(x)] = e^{[\varphi(x)]^2}$

由题知  
 $f[\varphi(x)] = 1-x$

即  $1-x = e^{[\varphi(x)]^2}$   
 $e^{\ln(1-x)} = e^{[\varphi(x)]^2}$

$\ln(1-x) = [\varphi(x)]^2$

$\varphi(x) = \pm \sqrt{\ln(1-x)}$

因  $\varphi(x) \geq 0$

即  $\varphi(x) = \frac{1}{2} \ln(1-x)$

$\frac{1}{2} \ln(1-x) \geq 0$

$\ln(1-x) \geq 0$

$1-x \geq 1$

~~$x \leq 0$~~

$x \leq 0$

即  $\varphi(x)$  的定义域为  $(-\infty, 0]$

卷面1

打开试卷  
先找狗

问题: ① 已知  $f(x) = e^{x^2}$ ,  $f[\varphi(x)] = 1-x$

② 且  $\varphi(x) \geq 0$

③ 求  $\varphi(x)$

④ 并写出它的定义域

解:

① 由题意可知:

$f(x) = e^{x^2}$

即  $f[\varphi(x)] = e^{[\varphi(x)]^2}$

因  $f[\varphi(x)] = 1-x$

即  $e^{[\varphi(x)]^2} = 1-x$

所以  $\varphi(x) = \pm \sqrt{\ln(1-x)}$

② 接下来求解定义域:

因  $\varphi(x) \geq 0$

即  $\sqrt{\ln(1-x)} \geq 0$

所以  $x \leq 0$

卷面2

③ 综上所述,  $\varphi(x) = \sqrt{\ln(1-x)}$ , 定义域为  $(-\infty, 0]$

如果你是阅卷老师,  
你喜欢哪一种?



答案是，



❖ 卷面2，



问题 已知  $f(x) = e^{x^2}$ ,  $f[f(x)] = 1-x$

且  $f(x) > 0$

求  $f(x)$

并写出它的定义域



放大, 打印, 描红,

解:

① 由题意可知:

$$f(x) = e^{x^2}$$

$$\text{即 } f[f(x)] = e^{[f(x)]^2}$$

$$\text{因 } f[f(x)] = 1-x$$

$$\text{即 } e^{[f(x)]^2} = 1-x$$

$$\text{所以 } f(x) = \pm \sqrt{\ln(1-x)}$$

②

接下来求解定义域

$$\text{因 } f(x) > 0$$

$$\text{即 } \sqrt{\ln(1-x)} > 0$$

$$\text{所以 } x \leq 0$$

③ 综上所述,  $f(x) = \sqrt{\ln(1-x)}$ , 定义域为  $(-\infty, 0]$





打印出来，抄至少三遍，体会一下。

问题：① 已知  $f(x) = e^{x^2}$ ,  $f[\varphi(x)] = 1-x$   
② 且  $\varphi(x) > 0$   
③ 求  $\varphi(x)$   
④ 并写出它的定义域

解：① 由题意可知：  
 $f(x) = e^{x^2}$   
即  $f[\varphi(x)] = e^{[\varphi(x)]^2}$   
因  $f[\varphi(x)] = 1-x$   
即  $e^{[\varphi(x)]^2} = 1-x$   
所以  $\varphi(x) = \pm \sqrt{\ln(1-x)}$

② 接下来求解定义域：  
因  $\varphi(x) > 0$   
即  $\sqrt{\ln(1-x)} > 0$   
所以  $x < 0$

③ 综上所述， $\varphi(x) = \sqrt{\ln(1-x)}$ ，定义域为  $(-\infty, 0]$



# 好的答题习惯



- ❖ 解数学题和任何一道物理化学等题目，都必须要做到答题素质要好，有一个非常好的答题习惯。
- ❖ 一个好的答题习惯，不仅**训练和形成自己的解题思路**，而且还可以有一个清晰的表达，让判卷的老师看着更舒服，**增加主观分**，
- ❖ 上面通过前后的答题案例对比来予以说明：什么是比较好的解题习惯。通过案例做一些练习，养成习惯。



# 答题方法小结



- ❖ **1. 首先要把题搞清楚，尤其是对于难题，方法是：**
  - 把题完整的抄一遍，抄的时候每一个意思一段，首先是假设条件1, 2, 然后是解答题目1, 2, 先把敌我看清楚
  - 这里边的潜台词是老师出一道题不容易，他有他的心思和条理，首先要理解老师的心思和条理，而最好的理解方式就是仔细读，首先是要手抄，然后分成段落，注意：每一句话一个段落，
- ❖ **2. 然后就是解题，要分成段落，适当加入“所以”，“下面我们要”，“总之”，等等段落语言，**
  - 每一个段落之间要分段，每一行之间要适当的空隙，不要太多也不要太少，总之，看你的解题卷面像一幅画一样，层次分明条理清晰，让老师赏心悦目，也是你本人的一道功夫，是一种同理心的体现。
  - 解题条理清晰，让老师看着不累，会变相给你加一些过程分，要是作文题就更是如此。



# 习惯是一种力量



- ❖ **要把这个养成一个习惯，要先练习n次，直到养成习惯为止。以此来培养自己的习惯力，习惯是一种力量。**
- ❖ **虽然这是一道高数题，它也适合任何一道题。文理相通，解题的思路和程序都是共通的：答题素质要好，答题习惯要对。**
- ❖ **这个标准的格式和答题习惯，一个好的答题习惯，不仅训练和形成自己的解题思路，而且还可以有一个清晰的表达。**





# 要求：完整无误地抄一遍，至少坚持一个星期。



## ❖ 抄题：

- 把假设条件分为层次，每个条件一句话，一句话一行，解答项目也分为层，每个项目一句话一句话一行，写上1234的标号。

## ❖ 解答：

- 每一个阶段性的结果和下一段留一个空行，
- 在下一段的开始做一个连续性的语句
- 最后要做综上所述，把要答题一项一项重复一下写清楚。





# 小说明



- ❖ 一份试卷（比如下一页的高数卷面）当中，其分数设计，都是60分、80分、100分，而最后三道题都是100分级的题。
- ❖ 这三道题往往都是多个知识点的综合题，他的题目本身与解题的要求往往都比较复杂，并且基本都是手写题，所以上面这个方法尤其有用，
  - 对于很简单的，也许上面的方法有些繁琐费时间，可以依据情况予以简化。
- ❖ 这项基本原理对所有的题都是实用的，文科理科在内。其实这道题考的是语文的能力，我们国家语数外是大三科，这个语文不光是文学，而且包括了中国树大根深的文化，它的根是论语和四书五经等，春秋到唐朝，晋和唐宋，元明清和当代文艺是树干与枝繁叶茂。所以语文很重要，语文加逻辑推理能力与科学观，是每个人真实的IQ。



一、单项选择题 (本大题有 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分)

1. 设  $f(x) = \cos x(x + |\sin x|)$ , 则在  $x = 0$  处有 ( ).  
(A)  $f'(0) = 2$  (B)  $f'(0) = 1$  (C)  $f'(0) = 0$  (D)  $f(x)$  不可导.
2. 设  $C(x) = \frac{1-x}{1+x}$ ,  $\beta(x) = 3 - 3\sqrt{x}$ , 则当  $x$  趋 1 时 ( ).  
(A)  $C(x)$  与  $\beta(x)$  是同阶无穷小, 但不是等价无穷小; (B)  $C(x)$  与  $\beta(x)$  是等价无穷小;  
(C)  $C(x)$  是比  $\beta(x)$  高阶的无穷小; (D)  $\beta(x)$  是比  $C(x)$  高阶的无穷小.
3. 若  $F(x) = \int_0^x (2t-x)f(t)dt$ , 其中  $f(x)$  在区间上  $(-1,1)$  二阶可导且  $f(x) > 0$ , 则 ( ).  
(A) 函数  $F(x)$  必在  $x = 0$  处取得极大值;  
(B) 函数  $F(x)$  必在  $x = 0$  处取得极小值;  
(C) 函数  $F(x)$  在  $x = 0$  处没有极值, 但点  $(0, F(0))$  为曲线  $y = F(x)$  的拐点;  
(D) 函数  $F(x)$  在  $x = 0$  处没有极值, 点  $(0, F(0))$  也不是曲线  $y = F(x)$  的拐点.
4. 设  $f(x)$  是连续函数, 且  $f(x) = x + 2 \int_0^1 f(t)dt$ , 则  $f(x) =$  ( ).  
(A)  $2x^2$  (B)  $2x^2 + 2$  (C)  $x - 1$  (D)  $x + 2$ .

二、填空题 (本大题有 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分)

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 3x)^{\frac{2}{\sin x}} =$  \_\_\_\_\_.
6. 已知  $\cos x$  是  $f(x)$  的一个原函数, 则  $\int f(x) \cdot \frac{\cos x}{x} dx =$  \_\_\_\_\_.
7.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\pi}{n} (\cos^2 \frac{\pi}{n} + \cos^2 \frac{2\pi}{n} + \dots + \cos^2 \frac{(n-1)\pi}{n}) =$  \_\_\_\_\_.
8.  $\int_{-\frac{1}{2}}^1 \frac{x^2 \arcsin x + 1}{\sqrt{1-x^2}} dx =$  \_\_\_\_\_.

三、解答题 (本大题有 5 小题, 每小题 8 分, 共 40 分)

9. 设函数  $y = y(x)$  由方程  $e^{x+y} + \sin(xy) = 1$  确定, 求  $y'(x)$  以及  $y'(0)$ .  
求  $\int \frac{1-x^7}{x(1+x^7)} dx$ .
10. \_\_\_\_\_

# 这是一套模拟题



11. 设  $f(x) = \begin{cases} xe^{-x}, & x \leq 0 \\ \sqrt{2x-x^2}, & 0 < x \leq 1 \end{cases}$  求  $\int_{-3}^1 f(x) dx$ .

12. 设函数  $f(x)$  连续,  $g(x) = \int_0^1 f(xt) dt$ , 且  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = A$ ,  $A$  为常数. 求  $g'(x)$  并讨论  $g'(x)$  在  $x=0$  处的连续性.

13. 求微分方程  $xy' + 2y = x \ln x$  满足  $y(1) = -\frac{1}{9}$  的解.

四、解答题 (本大题 10 分)

14. 已知上半平面内一曲线  $y = y(x)$  ( $x \geq 0$ ), 过点  $(0,1)$ , 且曲线上任一点  $M(x_0, y_0)$  处切线斜率数值上等于此曲线与  $x$  轴、 $y$  轴、直线  $x = x_0$  所围成面积的 2 倍与该点纵坐标之和, 求此曲线方程.

五、解答题 (本大题 10 分)

15. 过坐标原点作曲线  $y = \ln x$  的切线, 该切线与曲线  $y = \ln x$  及  $x$  轴围成平面图形  $D$ .  
(1) 求  $D$  的面积  $A$ ; (2) 求  $D$  绕直线  $x = e$  旋转一周所得旋转体的体积  $V$ .

六、证明题 (本大题有 2 小题, 每小题 4 分, 共 8 分)

16. 设函数  $f(x)$  在  $[0,1]$  上连续且单调递减, 证明对任意的  $q \in [0,1]$ ,  
 $\int_0^q f(x) dx \geq q \int_0^1 f(x) dx$ .

17. 设函数  $f(x)$  在  $[0,\pi]$  上连续, 且  $\int_0^\pi f(x) dx = 0$ ,  $\int_0^\pi f(x) \cos x dx = 0$ .  
证明: 在  $(0,\pi)$  内至少存在两个不同的点  $\xi_1, \xi_2$ , 使  $f(\xi_1) = f(\xi_2) = 0$ . (提示: 设

$F(x) = \int_0^x f(x) dx$ )



MORE



郑航合伙人

高数  
大学英语  
读研  
科研

毕设论文

读书·成功·职场

考试教育·北大火种·中国青年

格物致知·精读成精

怎么读一本书

成功力·坚持力·记日记

没有回头率的简历

5W1H